

BARAZA LA MITIHANI LA TANZANIA



**TAARIFA YA UCHAMBUZI WA MAJIBU YA
WATAHINIWA WA MITIHANI WA UALIMU DARAJA LA A
(GATCE) 2019**

640 HISABATI

BARAZA LA MITIHANI LA TANZANIA



TAARIFA YA UCHAMBUZI WA MAJIBU YA WATAHINIWA WA MTIHANI WA UALIMU DARAJA A (GATCE) 2019

640 HISABATI

Kimechapishwa na
Baraza la Mitihani la Tanzania,
S. L. P. 2624,
Dar es Salaam, Tanzania.

© **Baraza la Mitihani la Tanzania, 2019**

Haki zote zimehifadhiwa

YALIYOMO

DIBAJI	iv
1.0 UTANGULIZI.....	1
2.0 UCHAMBUZI WA MAJIBU YA WATAHINIWA KWA KILA SWALI.....	2
2.1 Sehemu A: Maswali ya Majibu Mafupi	2
2.1.1 Swali la 1: Sehemu.....	2
2.1.2 Swali la 2: Vipimo	3
2.1.3 Swali la 3: Hesabu za Biashara	6
2.1.4 Swali la 4: Kukadiria.....	7
2.1.5 Swali la 5: Namba Nzima	9
2.1.6 Swali la 6: Namba Kamili	11
2.1.7 Swali la 7: Aljebra.....	13
2.1.8 Swali la 8: Jometri.....	15
2.1.9 Swali la 9: Maandalizi ya Ufundishaji na Ujifunzaji Somo la Hisabati	17
2.1.10 Swali la 10: Misingi ya Ufundishaji na Ujifunzaji Somo la Hisabati	19
2.2 Sehemu B: Maswali ya Insha (Taaluma)	22
2.2.1 Swali la 11: Takwimu	22
2.2.2 Swali la 12: Sehemu.....	25
2.2.3 Swali la 13: Seti	27
2.3 Sehemu C: Maswali ya Insha (Elimu).....	30
2.3.1 Swali la 14: Upimaji Katika Hisabati.....	30
2.3.2 Swali la 15: Ufundishaji wa Mada Teule.....	34
2.3.3 Swali la 16: Upimaji Katika Hisabati.....	38
3.0 UCHAMBUZI WA KIWANGO CHA KUFAULU KWA WATAHINIWA	
KWA KILA MADA	42
4.0 HITIMISHO NA MAONI	43
4.1 HITIMISHO	43
4.2 MAONI	43
Kiambatisho	44

DIBAJI

Baraza la Mitihani la Tanzania limeandaa taarifa hii kuhusu uchambuzi wa majibu ya watahiniwa wa somo la Hisabati wa Mtihani wa Ualimu Daraja A (GATCE) uliofanyika mwaka 2019. Lengo la taarifa hii ni kutoa mrejesho kwa wanafunzi, wakufunzi na wadau wa elimu jinsi ambavyo watahiniwa walijibu maswali ya mtihani.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kiwango ambacho mfumo wa elimu umeweza/umeshindwa kutekeleza kwa watahiniwa kama ilivyotarajiwa kuwa baada ya mafunzo ya Ualimu wa Daraja A yatolewayo kwa muda wa miaka miwili.

Ni matumaini ya Baraza la Mitihani la Tanzania kuwa taarifa hii itakuwa na manufaa katika kuongeza kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika mitihani ijayo ya somo la Hisabati.

Baraza la Mitihani la Tanzania linapenda kuwashukuru wote ambao kwa namna moja au nyingine wameshiriki katika kuandaa taarifa hii.



Dkt. Charles E. Msonde

KATIBU MTENDAJI

1.0 UTANGULIZI

Taarifa hii imeandaliwa kutokana na uchambuzi wa majibu ya watahiniwa wa mtihani wa somo la Hisabati kwa Mitihani ya Ualimu Daraja A mwaka 2019 uliotungwa kwa mujibu wa Muhtasari wa Somo la Hisababati kwa Mafunzo ya Ualimu Ngazi ya Cheti 2017.

Mtihani wa somo la Hisabati ulikuwa na jumla ya maswali 16 na uligawanywa katika sehemu A, B na C. Sehemu A ilikuwa na maswali 10 yenye jumla ya alama 40. Kila swali lilikuwa na alama 4. Mtahiniwa alitakiwa kujibu maswali yote katika sehemu A, sehemu B na sehemu C zilikuwa na maswali 3 na kila swali lilikuwa na alama 15, ambapo mtahiniwa alitakiwa kujibu maswali 2 tu kutoka kila sehemu.

Jumla ya watahiniwa 4,392 walisajiliwa kufanya mtihani huo ambapo 1,895 (43.1%) ni wa kike na 2,497 (56.9%) ni wa kiume. Watahiniwa waliofanya mtihani ni 4,346 ambao ni sawa na 99.8%. Viwango vya kufaulu katika mtihani viligawanywa katika makundi matatu ambayo ni: Alama 0-39 (kiwango hafifu cha kufaulu), alama 40-69 (kiwango cha wastani cha kufaulu) na alama 70-100 (kiwango kizuri cha kufaulu).

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa kwa kila swali unaonekana katika sehemu ya 2 ya taarifa hii. Uchambuzi umetoa maelezo kuhusu mahitaji ya kila swali na kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa. Viwango vya kufaulu kwa watahiniwa vimegawanywa tena katika makundi matatu ya alama kwa kuzingatia idadi ya watahiniwa na asilimia ya kufaulu katika kila swali kama ifuatavyo; katika sehemu A, kiwango cha kufaulu kimegawanywa katika makundi matatu ya alama; alama 0-1.5 (kiwango hafifu cha kufaulu), alama 2.0-2.5 (kiwango cha wastani cha kufaulu) na alama 3.0-4 (kiwango kizuri cha kufaulu). Katika sehemu B na C, kiwango cha kufaulu kiligawanywa katika makundi matatu ambayo ni; 0-5.5 (kiwango hafifu cha kufaulu), alama 6.0-10 (kiwango cha wastani cha kufaulu) na alama 10.5–15 (kiwango kizuri cha kufaulu). Katika uchambuzi huu, rangi ya kijani inaonesha kiwango kizuri cha kufaulu, njano inaonesha kiwango cha kufaulu cha wastani na nyekundu inaonesha kiwango cha kufaulu kisichoridhisha (Hafifu).

Uchambuzi wa viwango vya kufaulu kwa watahiniwa kwa kila mada umeoneshwa katika sehemu ya 3. Sehemu hii inaeleza mada ambazo watahiniwa walifaulu na mada ambazo zilikuwa na kiwango hafifu cha kufaulu na sababu zake. Pia maoni yametolewa katika sehemu ya 4 ili kuweza kuongeza kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika mitihani ijayo.

2.0 UCHAMBUZI WA MAJIBU YA WATAHINIWA KWA KILA SWALI

2.1 Sehemu A: Maswali ya Majibu Mafupi

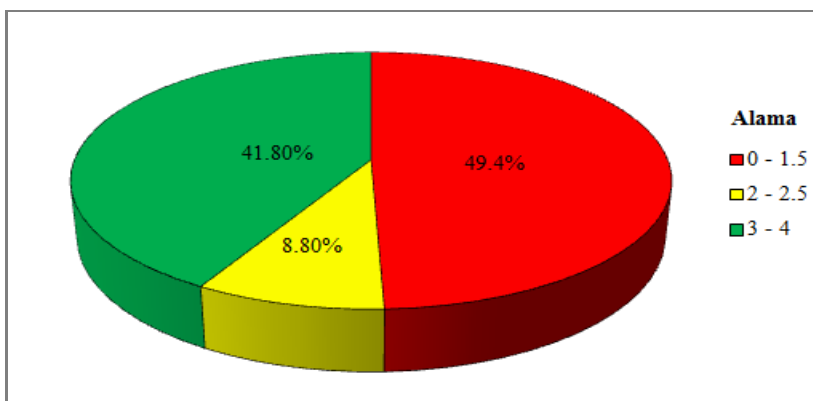
2.1.1 Swali la 1: Sehemu

(a) Nini maana ya sehemu katika somo la Hisabati?

(b) Ipi ni kubwa kati ya $\frac{1}{2}$ na $\frac{2}{3}$?

Swali hili lilipima ujuzi wa watahiniwa katika kutambua sehemu na kutofautisha sehemu kubwa na ndogo, jumla ya watahiniwa 4,346 (99.8%) walijibu swali hili.

Uchambuzi wa majibu katika swali hili unaonesha kuwa watahiniwa 2,149 (49.4%) walipata kuanzia alama 0 hadi 1.5, watahiniwa 381 (8.8%) walipata kuanzia alama 2 hadi 2.5 na watahiniwa 1,816 (41.8%) walipata kuanzia alama 3 hadi 4. Takwimu zinaonesha kuwa watahiniwa 2,197 (50.6%) walijibu swali hili na kupata alama kuanzia 2 hadi 4 kati yao 274 (6.3%) waliweza kupata alama zote 4. Kwa ujumla swali hili lilikuwa na kiwango cha wastani cha kufaulu. Chati Na 1 inaonesha kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali hili.

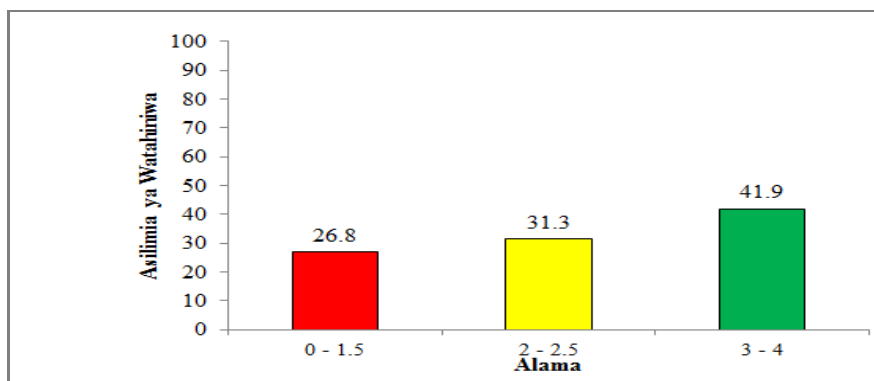


Chati Na. 1: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la 1.

Watahiniwa waliofanya vizuri katika swali hili waliweza kutoa tafsiri sahihi ya sehemu na kubadili sehemu mbili zilizotolewa kuwa asilimia ili kubaini kwa urahisi sehemu kubwa kuliko nyingine. Kielelezo 1.1 kinaonesha namna mtahiniwa alivyoweza kutoa tafsiri sahihi ya sehemu na kubadili sehemu zilizotolewa kuwa asilimia ili kutambua sehemu kubwa.

Swali hili lilipima kumbukumbu na ujuzi wa mtahiniwa katika kubadili vipimo kutoka kipimo kimoja kwenda kipimo kingine yaani kipimo cha sentimita kwenda mita na lita kuwa mililita, jumla ya watahiniwa 4,278 (98.3%) walijibu swali hili.

Uchambuzi unaonesha kuwa watahiniwa 1,148 (26.8%) walipata kuanzia alama 0 hadi 1.5, watahiniwa 1,337 (31.3%) walipata kuanzia alama 2 hadi 2.5 na watahiniwa 1,793 (41.9%) walipata kuanzia alama 3 hadi 4. Watahiniwa 3,130 (73.2%) walijibu swali hili na kupata alama kuanzia 2 hadi 4 watahiniwa 1,553 (36.3%) walipata alama zote 4. Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali hili kwa ujumla kilikuwa kizuri. Chati Na.2 inaonesha kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika Swali hili.



Chati Na 2: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika Swali la 2.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa wengi waliweza kutumia vizuri kumbukumbu na ujuzi wao katika kubadili vipimo vilivyotolewa kwenda vipimo vingine kwa usahihi kama inavyooneshwa katika kielelezo 2.1 ambapo mtahiniwa aliweza kukumbuka thamani ya kila kipimo na kukokotoa kwa usahihi kutoka kipimo alichopewa kwenda kipimo kingine.

2.	a/ Njia.
	Mita 1 = Sentimita 100
	$x ? = \text{Sentimita } 2700$
	$\frac{\text{Mita } 1 \times \text{Sentimita } 2700}{\text{Sm } 100} = \frac{x \text{ Sm } 100}{\text{Sm } 100}$
	$x = \frac{1 \times \text{Sm } 2700}{\text{Sm } 100}$
	$x = \frac{m \times 2700}{100}$
	$x = m \ 27$
	$\therefore \text{Sentimita } 2700 \text{ ni sawa na mita } 27$
	b/ Njia.
	Lita 1 = Mililita 1000
	Lita 120 = ? x
	$\text{Lita } 1 \times x = \text{Lita } 120 \times \text{Mililita } 1000$
	$x = \text{Mililita } 120000$
	$\therefore \text{Lita } 120 \text{ ni sawa na mililita } 120000$

Kielelezo 2.1: Sampuli ya majibu sahihi ya mtahiniwa katika swali la.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa ambao walipata kiwango hafifu cha kufaulu unaonesha kuwa walikosa kuhusianisha vipimo walivyopewa ambapo baadhi yao walihusisha lita na milimita badala ya mililita kama inavyoonekana katika kielelezo 2.2 ambapo mtahiniwa hakuwa na kumbukumbu ya uhusiano wa lita na mililita.

2	(b)	Lita 120 lausa milimita.
		1 lita = M 1000
		lita 120 = X M ?
		$\text{Lita } 120 \times \text{M } 1000 = 1 \text{ lita} \times x$
		$\text{Lita } 120 \times 1000 \text{ M} = \frac{1 \text{ lita} \times 1000 \times x}{1000 \text{ M}}$
		$120 \times 1000 .$
		$= 120000$
		$\therefore \text{Lita } 120 = \text{Milimita } 120000 .$

Kielelezo 2.2: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeshindwa kubadili vipimo kwa usahihi.

2.1.3 Swali la 3: Hesabu za Biashara

(a) Nini maana ya utunzaji wa vitabu vya fedha?

(b) Taja faida mbili za kutunza vitabu vya fedha.

Lengo mahsusi la swali hili lilikuwa ni kupima ujuzi wa watahiniwa kuhusu utunzaji wa vitabu vya fedha kutoka katika mada ya *Hesabu za Biashara*, ambapo jumla ya watahiniwa 4,324 (99.5%) walifanya swali hili.

Uchambuzi wa majibu unaonesha kuwa watahiniwa 2,497 (57.7%) walipata alama kuanzia 0 hadi 1.5, watahiniwa 1,650 (38.2%) walipata alama 2 hadi 2.5 na watahiniwa 177 (4.1%) pekee ndiyo waliopata kuanzia alama 3 hadi 4. Hivyo watahiniwa waliofaulu swali hili kwa kupata kuanzia alama 2 hadi 4 ni 1,827 (42.3%) hivyo kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa cha wastani.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa katika swali hili unaonesha kuwa, watahiniwa walioshindwa kujibu swali hili kwa usahihi hawakujua mahitaji ya swali. Baadhi yao walifikiria kuhusu kutunza fedha zenyewe badala ya utunzaji wa vitabu vya fedha kama inavyoonekana katika kielelezo 3.1 ambapo mtahiniwa alikuwa anafikiria kuhusu aina ya utunzaji wa fedha, kinyume na matakwa ya swali.

3	(a) Utunzaji wa vitabu vya fedha.
	Niutunzaji wa fedha katika benki
	b/. kutunza fedha
	. Huifadhi fedha zandi

Kielelezo 3.1: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa ambayo siyo sahihi.

Aidha, uchambuzi pia unaonesha kuwa watahiniwa walioweza kujibu swali hili walikuwa wanafahamu matakwa ya swali na waliweza kutoa tafsiri sahihi ya vitabu vya utunzaji wa fedha na kueleza faida zake kama inavyoonekana katika kielelezo 3.2.

3	(a) utunzaji wa vitabu vya fedhe ni kitendo cha kuhi fedhi au kuwe ka kumbukumbu za taarifa zote za mambo ya kifedhe.
	(b) - Husaidia kujua maendeleo ya bia share mbalimbali anazozifanya nitu fulani/muhusika.
	-kujua changamoto za hasara au faida zinazopatikana katika biashara na kufanya tathmini ya biashara husika.

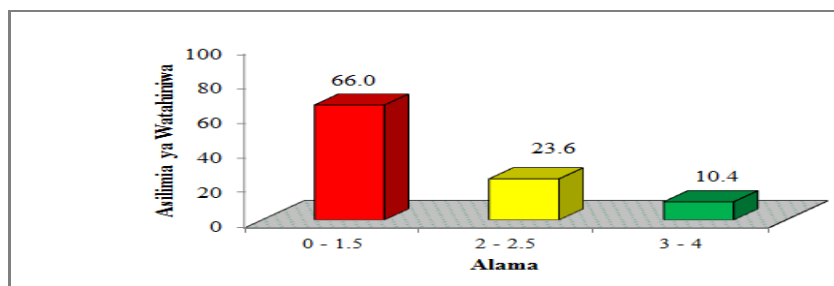
Kielelezo 3.2: Sampuli ya majibu sahihi ya mtahiniwa katika swali la 3.

2.1.4 Swali la 4: Kukadiria

- (a) Andika namba 35.997 katika nafasi mbili za desimali.
(b) Kadiria 889113 katika maelfu yaliyokaribu.

Swali hili lilipima maarifa na uwezo wa watahiniwa kuhusu hesabu za kukadria kwa aina mbalimbali ambapo jumla ya watahiniwa 4,332 (99.5%) walijibu swali hili.

Katika kufanya uchambuzi wa takwimu za watahiniwa ilibainika kuwa, watahiniwa 2,858 (66.0%) walipata alama kuanzia 0 hadi 1.5, watahiniwa 1,024 (23.6%) walipata kuanzia alama 2 hadi 2.5 na watahiniwa 450 (10.4%) walipata kuanzia alama 3 hadi 4. Hivyo watahiniwa waliofaulu katika swali hili kwa kupata kuanzia alama 2 hadi 4 ni 1,474 (34.0%) kitendo kinachoonesha kuwa kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa ni hafifu. Chati Na.3 inaonesha kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika Swali hili.



Chati Na. 3: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika Swali la 4.

Uchambuzi zaidi wa majibu ya watahiniwa waliopata alama kuanzia 0 hadi 1.5 unaonesha kuwa walikosa ujuzi wa kukadiria namba za desimali kwa sababu baadhi yao walikuwa wanaondoa tu namba ya mwisho kwenye namba iliyotolewa ili zibaki namba mbili za desimali bila kujua thamani za namba hizo kwenye nafasi za desimali zilizotajwa. Aidha, kuhusu kukadria maelefu yaliyokaribu, watahiniwa hawa hawakuwa na ujuzi unaotakiwa katika hatua za kukadiria maelfu yaliyo karibu kwani baadhi yao walitaja nafasi ya kila namba iliyotolewa na kisha kuandika namba tatu za mwisho zilizo kwenye nafasi za maelfu kama inavyoonekana katika kielelezo 4.1

4a)	35.99
b)	kukadiria 889113 katika maelfu yaliyo karibu
	$ \begin{array}{r} 889113 \\ \underline{} \\ 889000 \end{array} $
	$\swarrow$ $\swarrow$ $\swarrow$ $\swarrow$ $\swarrow$ mamaia makumi mamia maelfu makumi elfu mamia elfu
	$\therefore 889$

Kielelezo 4.1: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa ambaye alikuwa hajui kanuni za kukadiria desimali na maelfu yaliyokaribu.

Licha ya swali hili kuwa na kiwango hafifu cha kufaulu, kuna watahiniwa 351 (8.1%) walioweza kujibu kwa usahihi na kupata alama zote 4. Watahiniwa hawa walikuwa na ujuzi wa kutosha kuhusu kanuni za kukadria desimali kwenye kipengele (a) na maelfu yaliyo karibu katika kipengele (b) kama inavyoonekana kwenye kielelezo 4.2

4.	a)	njia
		35.997 katika nafasi mbili za desimali
		35.997
		36.00
		$\therefore 35.997 \approx 36.00$
	b)	njia
		889113 katika maelfu yaliyokaribu.
		namba mayakadiriais haifikiwi kiwango cha kukadria
		hivyo namba iliyopatawa kukadiriwa itabaki vile
		889113
		$\therefore 889113 \approx 889000$

Kielelezo 4.2: Majibu ya mtahiniwa aliyekuwa anafahamu kanuni za kukadria desimali na maelfu yaliyokaribu.

2.1.5 Swali la 5: Namba Nzima

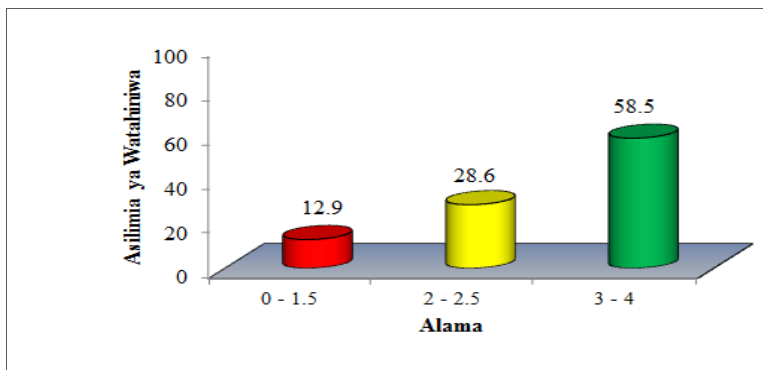
Andika namba mbili zinazofuata katika mfululizo ufuatao:

(a) 4, 2, 0, -2, ..., ...

(b) $\frac{1}{3}, \frac{1}{6}, \frac{1}{12}, \frac{1}{24}, \dots, \dots$

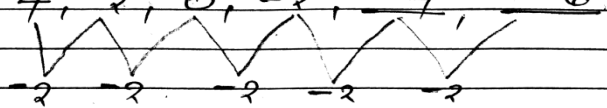
Lengo la swali hili katika vipengele vyote (a) na (b) ni kupima uwezo wa watahiniwa katika kubaini kanuni iliyotumika katika kuandika mfuatano wa namba zilizotolewa na kuandika namba zinazokosekana katika mfuatano huo, jumla ya watahiniwa 4,326 (99.4%) walijibu swali hili.

Uchambuzi wa takwimu za swali hili unaonesha kuwa watahiniwa 560 (12.9%) walipata kuanzia alama 0 hadi 1.5, watahiniwa 1,236 (28.6%) walipata kuanzia alama 2 hadi 2.5 na watahiniwa 2,530 (58.5%) walipata kuanzia alama 3 hadi 4. Hivyo watahiniwa 3,766 (87.1%) waliweza kujibu swali hili na kufaulu kwa kupata alama kuanzia 2 hadi 4 na kumaanisha kwamba kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa kizuri. Chati Na.4 inaonesha kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali hili.



Chati Na.4: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika asilimia.

Aidha, uchambuzi zaidi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa waliojibu na kupata alama kuanzia 3 mpaka 4 ni 58.5% ambayo ni idadi kubwa zaidi ya watahiniwa waliofanya vibaya katika swali hili. Watahiniwa hawa walitumia ujuzi na maarifa waliyopata na kubaini kanuni iliyotumika katika kuandika mfuatano wa namba kabla ya kutafuta namba zinazokosekana kama inavyoonekana kwenye kielelezo 5.1.

5.	(a) 4, 2, 0, -2, —, —.
	Njia.
	4, 2, 0, -2, -4, -6
	
	∴ 4, 2, 0, -2, -4, -6
	(b) $\frac{1}{3}, \frac{1}{6}, \frac{1}{12}, \frac{1}{24}, —, —$
	Njia.
	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$
	$\frac{1}{6} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{12}$
	$\frac{1}{12} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{24}$
	$\frac{1}{24} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{48}$
	$\frac{1}{48} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{96}$
	∴ $\frac{1}{3}, \frac{1}{6}, \frac{1}{12}, \frac{1}{24}, \frac{1}{48}, \frac{1}{96}$

Kielelezo 5.1: Sampuli ya majibu sahihi ya mtahiniwa.

Kwa upande mwingine, uchambuzi unaonesha kuwa watahiniwa 560 (12.9%) walikuwa na kiwango hafifu cha kufaulu kwa kupata kuanzia alama 0 hadi 1.5 ambapo kati yao 332 (7.7%) walipata alama 0. Kwa mujibu wa uchambuzi, watahiniwa hawa hawakuwa na maarifa ya kutosha hivyo walishindwa kubaini kanuni iliyotumika katika kuandika mfuatano wa namba zilizotolewa kabla ya kutafuta namba zinazokosekana, baadhi yao walikuwa wanajumlisha au kutoa namba kutoka kwenye mfululizo uliotolewa. Kielelezo 5.2 kinaonesha mtahiniwa aliyekuwa anajumlisha namba 2 katika kipengele (a) na kuandika tofauti kati ya namba moja na nyingine katika kipengele (b), hivyo alishindwa kutambua namba zinazokosekana kwenye vipengele vyote.

5. a)	kuandika namba zinazofuata
	njia
	$\begin{array}{ccccccc} 4 & 2 & 0 & -2 & -4 & 2 \\ \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow \\ & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 \end{array}$
	$\therefore$ Namba mbili zinazofuata ni -4 na -2
b)	$\begin{array}{ccccccc} \frac{1}{3} & \frac{1}{6} & \frac{1}{12} & \frac{1}{24} & & & \\ \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \\ & 3 & 6 & 12 & 24 & 27 & 33 \end{array}$
	njia
	$\begin{array}{ccccccc} \frac{1}{3} & \frac{1}{6} & \frac{1}{12} & \frac{1}{24} & & & \\ \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \\ & 3 & 6 & 12 & 3 & 6 & \end{array}$
	$\therefore$ Namba zinazofuata ni $\frac{1}{27}$ na $\frac{1}{33}$

Kielelezo 5.2: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeshindwa kutafuta namba zinazokosekana katika Swali la 5.

2.1.6 Swali la 6: Namba Kamili

Tafuta kigawe kidogo cha shirika cha 4, 6 na 8 kwa njia ya kuorodhesha.

Swali hili lilikuwa na lengo la kupima ujuzi wa watahiniwa katika kuorodhesha vigawe vya namba 4, 6 na 8 kwa usahihi kabla ya kutaja namba ambayo ni kigawe kidogo zaidi kati ya namba zote walizoorodhesha. Jumla ya watahiniwa 4,321 sawa na 99.2% ya watahiniwa waliosajiliwa walijibu swali hili.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa waliofanya swali hili unaonesha kuwa watahiniwa 2,994 (69.3%) walipata kuanzia alama 0 hadi 1.5, watahiniwa 13 (0.3%) walipata kuanzia alama 2 mpaka 2.5 na watahiniwa 1,314 (30.4%) walipata kuanzia alama 3 hadi 4. Watahiniwa waliofaulu kwa kupata alama kuanzia 2 hadi 4 ni 1,327 (30.7%), kati ya hawa 1,218 (28.2%) waliweza kujibu vizuri na kupata alama zote 4. Kwa kuzingatia takwimu hizi, kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa hafifu kwa sababu asilimia 69.3 ya watahiniwa waliofanya mtihani walipata alama kuanzia 0 hadi 1.5.

Uchambuzi zaidi wa takwimu unaonesha kuwa 33.6% ya watahiniwa waliofanya swali hili walipata alama 0 na kusababisha kushuka kwa kiwango cha kufaulu katika swali hili kuwa hafifu. Uchambuzi wa majibu unaonesha kuwa watahiniwa hawa walikosa maarifa na ujuzi katika mada ya Namba

Kamili ambayo yangetumika katika kuorodhesha namba na kubaini namba iliyondogo zaidi, baadhi ya watahiniwa walitumia njia ya kugawanya namba hizo kwa 2 na kupata jibu lisilosahihi kama inavyoonekana kwenye Kielelezo 6.1.

6.	kigawe kidogo cha shirika
	njia
	2 4 6 8
	2 2 3 4
	2 1 3 2
	3 1 3 1
	3 3 1 3
	1 1 1
	2 4
	2 2 = $2 \times 2 = 4$
	1
	2 6
	3 3 = $3 \times 2 = 6$
	1
	2 8
	2 4
	2 2 = $2 \times 2 \times 2 = 8$
	1
	$\therefore$ vigaawe ni 2 na 3
	$\therefore$ kigawe kidogo cha shirika ni 2

Kielelezo 6.1: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeshindwa kuorodhesha vigaawe sahihi.

Kwa upande mwingine, uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa 1,218 kati ya 4321 waliojibu swali hili walifanya vizuri kwa kupata alama zote za swali hili. Watahiniwa hawa walikuwa na uelewa wa kutosha kuhusu dhana ya kuorodhesha vigaawe sahihi vya namba zilizotolewa na kubaini namba ambayo ni ndogo kuliko zingine. Kielelezo 6.2 kinaonesha mfano wa mtahiniwa aliyeweza kuorodhesha na kubaini jibu sahihi.

6.	kutafuta kigawe kidogo cha shirika 4, 6 na 8
	4 = 4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, 32, 36, 40, 44, 48
	6 = 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, ...
	8 = 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56, ...
	$\therefore$ kigawe kidogo cha shirika ni 24.

Kielelezo 6.2: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeweza kuorodhesha vigaawe na kubaini namba ndogo.

2.1.7 Swali la 7: Aljebra

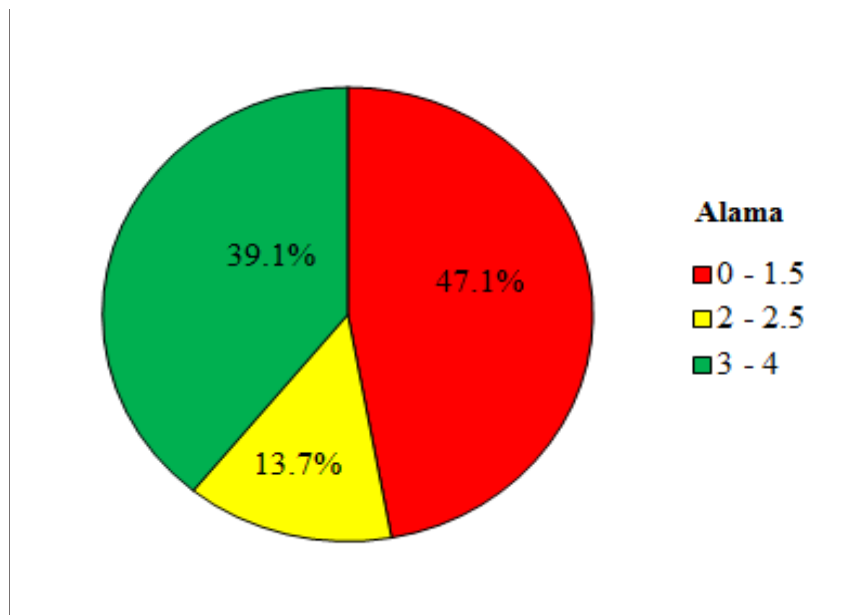
Rahisha:

(a) $4\frac{1}{13} : 7\frac{3}{13}$

(b) $km130:km160$

Swali hili lilikuwa na lengo la kupima dhana ya uwiano wa namba mchanganyiko pamoja na kutumia matendo ya kihisabati katika kurahisisha mitajo ya kialjebra. Watahiniwa waliojibu swali hili ni 4,183 (96.1%) kati ya watahiniwa 4,354 waliosajiliwa kufanya somo hili.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa 1,972 (47.1%) walipata kuanzia alama 0 hadi 1.5, watahiniwa 575 (13.7%) walipata kuanzia alama 2 mpaka 2.5 na watahiniwa 1,636 (39.1%) walipata kuanzia alama 3 hadi 4. Watahiniwa 2,211 (52.9%) waliweza kujibu swali hili na kupata kuanzia alama 2 hadi 4 ambapo kati yao, 1,160 (27.7%) walijibu vizuri na kupata alama zote 4. Kwa ujumla, kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa cha wastani kama inavyooneshwa kwenye Chati Na.5



Chati Na.5: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika Swali la 7.

Uchambuzi zaidi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa waliopata alama kati ya 3 na 4 walikuwa na kiwango kizuri cha kufaulu na katika kipengele (a) waliweza kubaini kwamba; $4\frac{1}{13} = \frac{53}{13}$ na $7\frac{1}{13} = \frac{92}{13}$ na

baadaye kurejea kwenye mtajo uliotolewa kwa kutumia sehemu rahisi badala ya kutumia sehemu mchanganyiko kwa kuandika $\frac{53}{13} : \frac{92}{13} = \frac{53}{13} \div \frac{92}{13}$ ili kuweza kukokotoa kwa kuandika; $\frac{53}{13} \div \frac{92}{13} = \frac{53}{13} \times \frac{13}{92}$ na kupata jibu sahihi ambalo ni; $\frac{53}{92}$ au 53:92. Vilevile kwenye kipengele (b) walikuwa na ufahamu kwamba; $\text{km}130 : \text{km}160 = \text{km}130 \div \text{km}160$ au $\frac{\text{km}130}{\text{km}160}$, hivyo waliweza kurahisisha na kupata; $\frac{\text{km}13}{\text{km}16}$ au km13:km16 ambalo ni jibu sahihi. Kielelezo 7.1 ni mfano wa jibu la mtahiniwa aliyeweza kupata majibu sahihi katika swali hili.

7	a) $4\frac{1}{13} : 7\frac{3}{13}$ (kurahisisha)
	Mjia.
	$4\frac{1}{13} = \frac{13 \times 4 + 1}{13} = \frac{53}{13} \dots (i)$
	$7\frac{3}{13} = \frac{13 \times 7 + 3}{13} = \frac{94}{13} \dots (ii)$
	Hivyo $\frac{53}{13} \div \frac{94}{13} = \frac{53}{13} \times \frac{13}{94} = \frac{53}{94}$
	$\therefore 4\frac{1}{13} : 7\frac{3}{13} = \frac{53}{94}$
	b) $\text{km}130 : \text{km}160$
	Mjia.
	$\text{km}130 : \text{km}160 = \text{km}130 \div \text{km}160$
	Hivyo $\frac{\text{km}130}{\text{km}160} = \frac{13}{16}$ au $\text{km}(\frac{130}{160}) = \frac{13}{16}$
	Hivyo $\text{km}130 : \text{km}160 = \frac{13}{16} \text{ km}$

Kielelezo 7.1: Sampuli ya majibu sahihi ya mtahiniwa katika swali la 7.

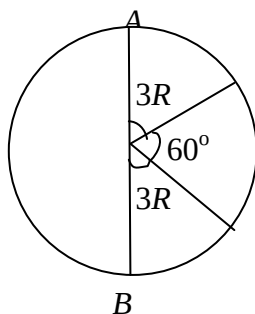
Kwa upande mwingine, watahiniwa waliopata kiwango hafifu cha kufaulu walikuwa hawajui tendo la kihisabati linalotumika sambamba na alama ya uwiano. Badala ya kutumia tendo la kugawanya, baadhi yao walitumia tendo la kuzidisha na hivyo kupata majibu ambayo siyo sahihi kama inavyoonekana katika kielelezo 7.2

7(a)	$4\frac{1}{13} \div 7\frac{9}{13}$
	$4\frac{13}{1} \times 7\frac{13}{9} = 28\frac{1}{3}$
	$\therefore 4\frac{1}{13} \div 7\frac{9}{13} = 28\frac{1}{3}$
(b)	$1 \text{ km} = 1000 \text{ m}$
	$130 \times 160 = \text{m}^2$
	$1 \text{ km} \mid 130 \times 160 \times 1000 \text{ m}$
	$= 20800 \times 1000 \text{ m}$
	$= 208000 \text{ m}^2$
	$\therefore 1 \text{ km} \mid 130 \times 160 = 208000 \text{ m}^2$

Kielelezo 7.2: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa aliyeshindwa kutumia tendo la kugawanya katika kurahisisha mitajo iliyotolewa.

2.1.8 Swali la 8: Jometri

Tafuta thamani ya R katika duara lifuatalo ikiwa AB ni kipenyo chake.



Swali hili lilitoka katika mada ya Jometri na lilipima ujuzi wa watahiniwa katika kutambua jumla ya nyuzi zilizopo katika nusu duara ili waweze kutafuta thamani ya R iliyotakiwa, ambapo jumla ya watahiniwa 3,918 (90.0%) walijibu swali hili.

Uchambuzi wa takwimu katika swali hili unaonesha kuwa jumla ya watahiniwa 1,559 (39.8%) walipata kuanzia alama 0 hadi 1.5, watahiniwa 110 (2.8%)

Alama	Asilimia ya Watahiniwa
0 - 1.5	39.8
2 - 2.5	2.8
3 - 4	57.4

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa waliojibu swali hili unaonesha kuwa 45.7% ya watahiniwa walipata alama zote 4. Watahiniwa hawa walitumia vizuri kumbukumbu kuhusu idadi ya nyuzi zilizopo katika nusu duara (180°) na waliweza kutumia kumbukumbu hiyo kukokotoa thamani ya R baada ya kujumlisha pembe zote zilizotolewa katika nusu duara na kuonesha kwamba jumla hiyo ni sawa na nyuzi 180 na kisha kukokotoa thamani ya R kama inavyoonesha kwenye Kielelezo 8.1.

8. Kutafuta thamani ya A katika duara lifuatale:-

$$3A + 60^\circ + 3A = 180^\circ$$
$$6A + 60^\circ = 180^\circ$$
$$6A = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$
$$6A = 120^\circ$$
$$A = \frac{120^\circ}{6}$$
$$A = 20^\circ$$

Kwa upande mwingine, uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa 2.8% ya watahiniwa waliochagua kufanya swali hili walikuwa na kiwango cha

kufaulu cha wastani kwa kupata kuanzia alama 2.0 hadi 2.5. Watahiniwa hawa waliweza kukumbuka angalau idadi ya nyuzi katika nusu duara na kushindwa kupata thamani sahihi ya R kwa sababu ya kutofahamu kanuni ya kujumlisha pembe zote na kukumbuka kwamba jumla yake ni 180° .

Aidha, watahiniwa 1,467 (37.4%) walipata alama 0 katika swali hili, watahiniwa hawa walikosa kumbukumbu kuhusu jumla ya nyuzi zilizopo katika nusu duara. Baadhi yao waliandika jumla ya nyuzi 360 ambazo ni jumla ya nyuzi katika duara zima kama inavyoonekana katika Kielelezo 8.2.

8.	$3R + 3R + 60^\circ = 360^\circ$
	$6R + 60^\circ = 360^\circ$
	$6R = 360^\circ - 60^\circ$
	$6R = 300^\circ = R = 50$
	$\frac{6}{6} \quad \frac{300}{6} \quad \frac{R}{1} = R = 50$
	$\therefore$ Thamani ya R ni 50

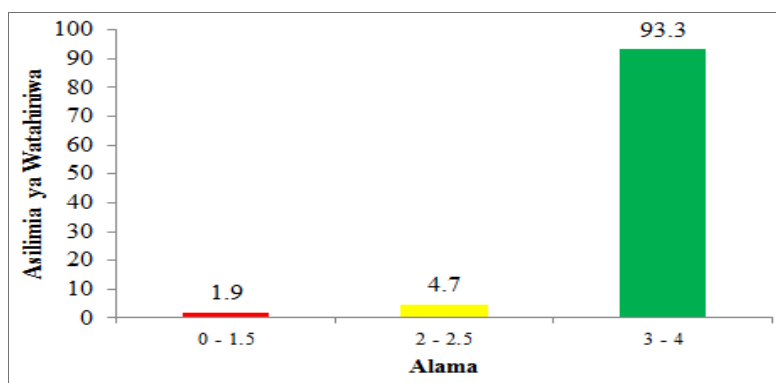
Kielelezo 8.2: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeshindwa kutambua idadi ya nyuzi katika nusu duara.

2.1.9 Swali la 9: Maandalizi ya Ufundishaji na Ujifunzaji Somo la Hisabati

Eleza umuhimu wa kuandaa andalio la somo kwa mwalimu wa somo la Hisabati.

Lengo la swali hili ilikuwa ni kupima kumbukumbu waliyonayo watahiniwa kuhusu maandalizi ya ufundishaji na ujifunzaji katika somo la hisabati waliyofundishwa darasani ambapo swali lilijibiwa na watahiniwa 4,350 (99.9%).

Uchambuzi wa takwimu za matokeo ya watahiniwa katika swali hili unaonesha kuwa watahiniwa 84 (1.9%) pekee walipata kuanzia alama 0 hadi 1.5, watahiniwa 206 (4.7%) walipata kuanzia alama 2 hadi 2.5 na watahiniwa 4,060 (93.3%) walipata kuanzia alama 3 hadi 4. Watahiniwa 4,268 (98.1 %) waliweza kujibu swali hili na kupata kuanzia alama 2 hadi 4 kati yao 3,109 (71.5%) waliweza kupata alama zote 4 na kuthibitisha kwamba kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa ni kizuri sana kuliko maswali yote katika mtihani huu. Chati Na.7 inaonesha ufaulu wa watahini.



Chati Na.7: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la 9.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa waliopata kiwango kizuri cha kufaulu ambao ni alama kati ya 3 na 4 unaonesha kuwa watahiniwa waliweza kutumia kumbukumbu zao vizuri na umuhimu wa maandalizi kwa ufasaha, kama inavyoonekana katika Kielelezo 9.1 ambapo mtahiniwa aliweza kueleza kwa ufasaha umuhimu wa maandalizi ya somo.

9.	i) Humsaidia mwalimu kujiamini wakati wa kufundisha Andalo la somo hump mwalimu gjarin' katika kipindi chake kwasababu anakuwa anafundisha hatua kwa hatua.
	ii) Humsaidia mwalimu kutofundisha nje ya lengo mahususi alilolilanda. Hii ni kwasa-babu mwalimu anakuwa amandalia.
	iii) Wanafunzi hufurahia somo. Mwalimu akiandaa andalo la somo hureza kuwafanya wanafunzi wafurahie somo kutokana na matumizi mazuri ya zana na mbinu za kufundisha.
	iv) Humsaidia mwalimu asitoke nje ya muda uliopungua. Andalo la somo humwezesha mwalimu kufundisha kuligana na muda alioandaa ilu asiwa choshe wanafunzi.

Kielelezo 9.1: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeleza kwa ufasaha umuhimu wa andalo la somo.

Watahiniwa wachache (84) waliopata kiwango hafifu cha kufaulu walipata alama kati ya 0 na 1.5 ambapo kati yao 0.1% walipata alama 0. Kiwango hafifu cha kufaulu kwa watahiniwa hawa kilitokana na kukosa kumbukumbu ya

umuhimu wa andalio la somo katika kufundisha kwa kuzingatia yale waliyofundishwa darasani, ambapo baadhi yao walikuwa wanaandika matumizi ya andalio la somo kwa mwalimu kama inavyoonekana katika Kielelezo 9.2.

9	Andalio la somo humandaa Mwalimu wa hisabati
	kupata mlolongo au hata zote zinatabiwa katika
	ufundishaji pia humwezesha kiyua lengo mahsusi la mad
	a anayokwenda kufundisha.

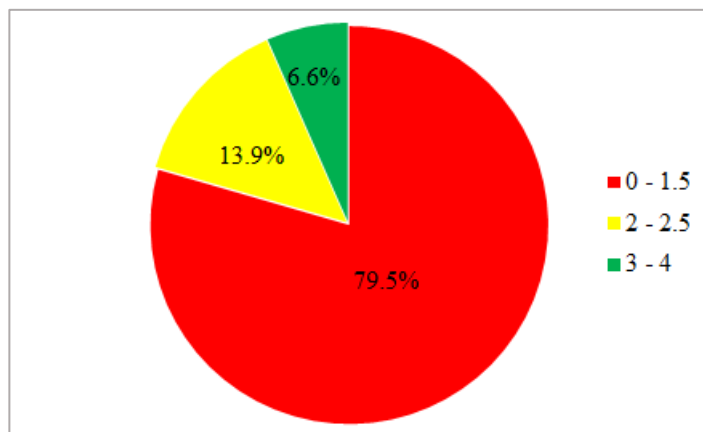
Kielelezo 9.2: Sampuli ya jibu la mtahiniwa ambaye alikosa kumbukumbu kuhusu umuhimu wa andalio la somo.

2.1.10 Swali la 10: Misingi ya Ufundishaji na Ujifunzaji Somo la Hisabati

Taja matumizi manne ya namba kamili katika maisha ya kila siku, toa maelezo mafupi kwa kila hoja.

Swali hili lilikuwa na dhumuni la kupima ujuzi wa mtahiniwa kuhusu matumizi ya namba nzima katika maisha ya kila siku ya binadamu ambapo swali lilijibiwa na watahiniwa 4,334 (99.5%).

Katika kuchambua takwimu za matokeo ya watahiniwa, ilionekana kwamba jumla ya watahiniwa 3,442 (79.4%) walipata alama kuanzia 0 mpaka 1.5 ambacho ni kiwango hafifu cha kufaulu, watahiniwa 604 (13.9%) walipata alama kuanzia 2 mpaka 2.5 ambacho ni kiwango cha kufaulu cha wastani na watahiniwa 288 (6.6%) walipata alama kuanzia 3 mpaka 4 ambacho ni kiwango kizuri cha kufaulu. Kwa ujumla kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa ni hafifu kwani ni watahiniwa 892 (20.6%) tu ndiyo walioweza kupata alama kuanzia 2 mpaka 4 ambazo ni alama za kufaulu katika swali hili. Chati Na.8 inaonesha kiwango hafifu cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali hili.



Chati Na.8: kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la10.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa waliopata kiwango kisichoridhisha cha kufaulu ni wale ambao hawakuelewa matakwa ya swali kwa sababu badala ya kuandika matumizi ya namba nzima, baadhi yao walikuwa wanaandika umuhimu wa namba na faida zake. Kwa mfano, katika Kielelezo 10.1 mtahiniwa alikuwa akiandika kuhusu namba nzima zinavyosaidia katika nyanja mbalimbali.

10	(i) Husaidia kupata idadi ya vitu. Kuna naniwepo wa na matumizi ya namba katika maisha ya kila siku husaidia kupata idadi ya vitu.
	(ii) Husaidia kupata wataalemu. Namba husaidia wataalemu mjiyano wahesibu.
	(iii) Husaidia kujua vipimo, pia husaidia kujua vipimo mbalimbali mjiyano katika nyemzi vipimo hutumika.
	(iv) Husaidia mfu kuuwa mdadisi kwani mjiyano hofa mbalimbali katika Mambo mbalimbali mjiyano katika herabati husaidia kutapata thamani ya $2x + 5 = 10$.

Kielelezo 10.1: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeshindwa kueleza matumizi ya namba nzima katika maisha ya kila siku.

Hata hivyo, kuna watahiniwa wachache (288) waliopata alama kati ya 3 na 4 ambao waliweza kukumbuka matumizi sahihi ya namba nzima kwenye maisha ya kila siku na kuelezea kwa kila kipengele cha majibu waliyotoa kama inavyoonekana katika Kielelezo 10.2.

10.	Matumizi ya namba kamili katika maisha ya kila siku.
i/	Huwasaidia wafanyabiashara katika biashara zao namba kamili hutumika kuwasaidia wafanyabiashara kufika faida na hasara kamba zo hutokea katika biashara zao.
ii/	Hutumika katika ho maeneo ya hospitali pia namba kamili hutumika hospitalini/ lengo ni kufika kiwango cha joto kilichopongezeka duku puingua kwa mgonywa hivyo hutumika kumaidia daktari kufika kiwango cha joto kilichopongezeka au kupuingua kwa mgonywa.
iii/	Hutumika kupimia viwanja wa michezo pia namba kamili hutumika kupimia nakaya a urefu wa viwanja vya michezo na upana wake ili tu kuweka mawazo sawa katika uwanja unaopimwa.
iv/	Hutumika kuonyesha mwinuko sawa kutoka urawa wa bahari, pia namba kamili hutumika katika kupima mwinuko sawa kutoka urawa wa bahari ili kufika kiwango cha mwinuko huo.

Kielelezo 10.2: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeweza kutoa matumizi sahihi ya namba nzima na kuelezea kwa kila jibu alilotoa.

2.2 Sehemu B: Maswali ya Insha (Taaluma)

2.2.1 Swali la 11: Takwimu

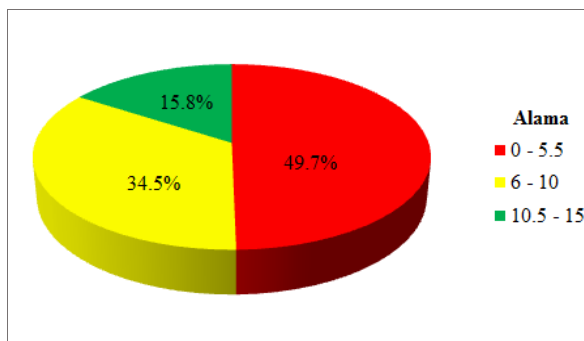
Jedwali lifuatalo linaonesha alama za wanafunzi katika jaribio la Hisabati Darasa la Saba, soma kwa umakini taarifa za jedwali hili na kujibu maswali yanayofuata;

Alama (%)	35	30	45	50	60	70	80
Idadi ya Wanafunzi	2	3	6	14	5	8	2

- (a) Je, alama gani ni ndogo zaidi?
- (b) Je, alama ipi ni kubwa zaidi?
- (c) Je, alama gani ambayo wanafunzi wengi zaidi walipata?
- (d) Ikiwa asilimia 50 ilikuwa alama ya ufaulu, ni wanafunzi wangapi walifaulu jaribio?
- (e) Wanafunzi wangapi walifeli jaribio?
- (f) Je, ni wanafunzi wangapi walifanya jaribio?

Katika swali hili, mtahiniwa alitakiwa kuwa na maarifa au ujuzi katika dhana ya takwimu, ambapo jumla ya watahiniwa 4,096 (94.1%) walijibu swali hili.

Uchambuzi wa takwimu za matokeo unaonesha kuwa jumla ya watahiniwa 281 (6.9%) walipata alama kuanzia 0 hadi 5.5 ambacho ni kiwango hafifu cha kufaulu, watahiniwa 1,152 (28.1%) walipata alama kuanzia 6 hadi 10 sawa na kiwango cha kufaulu cha wastani na watahiniwa 2,663 (65.0%) walipata alama kuanzia 10.5 hadi 15 ambacho ni kiwango kizuri cha kufaulu. Kwa ujumla kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa ni kizuri sana kwa kuwa watahiniwa 3,815 (93.1%) walipata alama kuanzia 6.0 hadi 15. Chati Na.9 inaonesha kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la 11.



Chati Na.9: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la 11.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa waliopata alama kati ya 10.5 na 15 unaonesha kuwa walikuwa na maarifa ya kutosha kuhusu takwimu na matumizi yake katika maisha ya kila siku hususan katika kada ya ualimu kwa sababu waliweza kuonesha umahili wa kuchuja namba na kupata majibu sahihi kwa kila kipengele. Kielelezo 11.1 kinaonesha mtahiniwa aliyefanikiwa kubaini takwimu vizuri na kukokotoa ili kupata majibu sahihi katika kipengele cha swali hili.

11.	(a) Alama ndogo zaidi ni 30%
	(b) Alama kubwa zaidi ni 80%
	(c) Alama ambayo wanafunzi wengi zaidi wamelipata ni 50%
	(d) Ikiwa alama ya ufaulu ni 50%, wanafunzi walioufaulu jaribio = $14 + 5 + 8 + 2$ = 29.
	$\therefore$ Idadi ya wanafunzi walioufaulu jaribio ni 29.
	(e) Wanafunzi waliopeli mtihani = $2 + 3 + 6$ = 11
	$\therefore$ Idadi ya wanafunzi waliopeli jaribio ni 11.
	(f) Wanafunzi waliofanya mtihani = $2 + 3 + 6 + 14 + 5 + 8 + 2$ = 40
	Au wanafunzi walioshindwa = Idadi ya wanafunzi walioufaulu + Idadi ya wanafunzi waliopeli jaribio = $29 + 11$ = 40
	$\therefore$ Idadi ya wanafunzi waliofanya jaribio ni wanafunzi 40.

Kielelezo 11.1: Sampuli ya majibu sahihi ya mtahiniwa katika swali la 11.

Pia katika uchambuzi huu imeonekana kwamba watahiniwa 281 walipata alama kuanzia 0 hadi 5.5 hii inaonesha kuwa watahiniwa hawa walikosa maarifa ya kuchambua takwimu na kutumia kanuni katika kukokotoa ili kupata majibu yaliyotakiwa kama ambavyo inaonekana katika Kielelezo 11.2.

11	wanapunzi wengi zaidi walipata.
d)	Asilimia 50 ilikuwa alama ya upaulu je wanapunzi wangapi walipaulu jaribio?
	njia.
	50 = Alama ya upaulu wanapunzi wangapi walipaulu.
	Asilimia 50 x Idadi ya wanapunzi
	$\frac{50}{100} \times 40$
	$5 \times 4 = 20$.
	$\therefore$ Wanapunzi waliopaulu ni 20.
e)	wanapunzi waliopeli jaribio.
	Juua ya wanapunzi ni 40 waliopaulu ni 20.
	waliopeli ni?
	Juua ya waf - waliopaulu = wanapunzi waliopeli.
	$40 - 20$
	$= 20$
	$\therefore$ Wanapunzi 20 walipeli jaribio.
f)	wanapunzi wangapi walikariba

Kielelezo 11.2: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa aliyeshindwa kuchambua takwimu zilizotolewa na kupata majibu yasiyosahihi.

2.2.2 Swali la 12: Sehemu

Rahisisha mitajo ifuatayo:

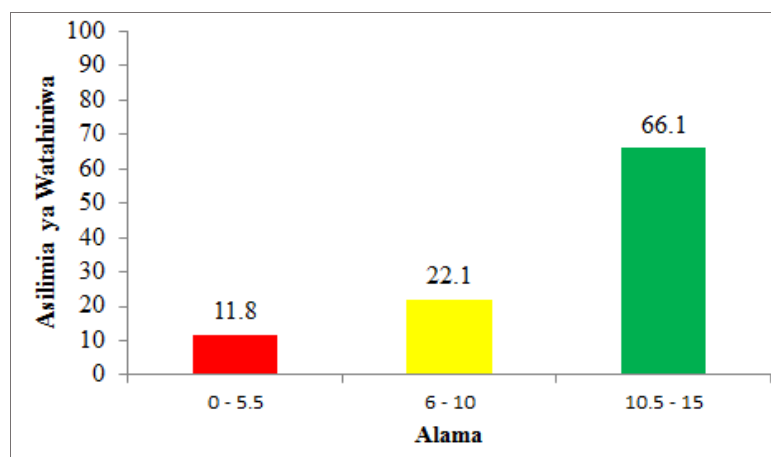
(a) $2\frac{2}{5} \div 2\frac{1}{10}$

(b) $2\frac{1}{3} + 3\frac{4}{5}$

(c) $\frac{1}{2} - \frac{1}{3}$

Swali hili lililenga kupima maarifa na ujuzi wa watahiniwa katika kutumia matendo ya kihisabati kukokotoa mitajo ya namba za sehemu mchanganyiko zilizotolewa katika vipengele vyote (a) na (b), ambapo jumla ya watahiniwa 3,538 (81.3%) walijibu swali hili.

Uchambuzi wa takwimu za matokeo ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa 416 (11.8%) ambao wana kiwango cha kufaulu kisichoridhisha, walipata alama kuanzia 0 hadi 5.5, watahiniwa 782 (22.1%), wenye kiwango cha kufaulu kwa wastani walipata alama kuanzia 6.0 hadi 10 na watahiniwa 2,340 (66.1%) ambao wana kiwango kizuri cha kufaulu walipata alama kuanzia 10.5 mpaka 15 za swali hili. Watahiniwa 3,122 (88.2%) waliweza kujibu swali hili na kupata alama kuanzia 6.0 hadi 15 ambapo kati yao ni watahiniwa 977 (27.6%) walioweza kupata alama zote 15, na kusababisha kiwango cha kufaulu katika swali hili kuwa kizuri kwa asilimia 88.2. Chati Na.10 inaonesha kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la 12.



Chati Na.10: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la 12.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa waliopata alama kati ya 10.5 na 15 unaonesha kuwa waliweza kutumia vizuri matendo ya kihisabati katika

kurahisisha sehemu mchanganyiko zilizotolewa katika mitajo, ambapo katika sehemu (a) walitakiwa kutumia tendo la kugawanya, katika kipengele (b) walitakiwa kutumia tendo la kujumlisha na kwenye kipengele (c) tendo la kutoa. Katika vipengele vyote, hatua ya kwanza ilikuwa ni kubadili sehemu mchanganyiko kuwa sehemu rahisi ndipo waendeleo na hatua ya kurahisisha na waliweza kuzingatia hatua zote hizo kama inavyooneshwa katika kielelezo 12.1.

12 a) $\frac{24}{21} = 1\frac{3}{21} = 1\frac{1}{7}$
$\therefore 2\frac{2}{5} \div 2\frac{1}{10} = 1\frac{1}{7}$
b) $2\frac{1}{3} + 3\frac{4}{5}$
Njia
$2\frac{1}{3} + 3\frac{4}{5}$
$\frac{7}{3} + \frac{19}{5} = \frac{35 + 57}{15} = \frac{92}{15}$
$\frac{92}{15} = 6\frac{2}{15}$
$\therefore 2\frac{1}{3} + 3\frac{4}{5} = 6\frac{2}{15}$
c) $\frac{1}{2} - \frac{1}{3}$
Njia
$\frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{3 - 2}{6} = \frac{1}{6}$
$\therefore \frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$

Kielelezo 12.1: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa aliyejibu vipengele vyote kwa usahihi.

Kwa upande mwingine, watahiniwa 416 waliojibu swali hili na kupata alama kuanzia 0 hadi 5.5 kati yao 3.1% walipata alama 0. Katika uchambuzi wa majibu inaonesha kuwa watahiniwa waliopata alama 0 walishindwa kujibu swali hili kutokana na kukosa ujuzi wa dhana ya sehemu mchanganyiko na matumizi sahihi ya matendo ya kihisabati katika kurahisisha mitajo ya sehemu. Baadhi yao walibadilisha matendo kwa kuandika tendo ambalo ni kinyume na

tendo lililopo katika mtajo husika. Kwa mfano katika kipengele (a) waliweka tendo la kuzidisha katika mtajo uleule ambao tendo la awali lilikuwa ni kugawanya kama inavyooneshwa katika Kielelezo 12.2

12	a) $2\frac{2}{5} \div 2\frac{1}{10} = 2\frac{2}{5} \times 2\frac{10}{1}$
	$\frac{12}{5} \times \frac{12}{1} = \frac{144}{5} = \underline{28.8}$
	b) $2\frac{1}{3} + 3\frac{4}{5} = \frac{7+19}{15} = \frac{26}{5} = 5.2$
	$\therefore 2\frac{1}{3} + 3\frac{4}{5} = 5.2 \text{ au } \frac{26}{5}$
	c) $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{1-1}{6} = \frac{0}{6} = 0$
	$\therefore \frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \underline{\underline{0}}$

Kielelezo 12.2: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa aliyeshindwa kujibu kwa usahihi katika vipengele vyote.

2.2.3 Swali la 13: Seti

Katika mkutano wa wanakijiji, kuna wakulima 20 na wafanyakazi 15. Iwapo wanakiji 7 ni wakulima na pia ni wafanyakazi, wanakijiji 2 si wakuima wala wafanyakazi. Tumia kanuni kutafuta idadi ya;

(a) Wanakijiji waliohudhuria mkutano.

(b) Wanakijiji ambao ni wakulima tu.

Swali hili lilitoka katika mada ya Seti na lilikuwa linapima ujuzi wa watahiniwa katika kutumia kanuni ya seti ili kupata idadi ya wanakijiji waliohudhuria mkutano. Kanuni hiyo ni $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ ambapo A ni idadi ya wakulima na B ni idadi ya wafanyakazi. Swali hili lilijibiwa na watahiniwa 1,036 (23.8%).

Uchambuzi wa takwimu za matokeo ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa 515 (49.7%) walipata alama kuanzia 0 hadi 5.5 ambacho ni kiwango cha kufaulu kisichoridhisha, watahiniwa 357 (34.5%) walipata alama

kuanzia 6.0 mpaka 10 ambacho ni kiwango cha kufaulu cha wastani na watahiniwa 164 (15.8%) walipata alama kuanzia 10.5 hadi 15 ambacho ni kiwango kizuri cha kufaulu. Watahiniwa 521 (50.3%) walifaulu katika swali hili kwa kupata alama kuanzia 6.0 hadi 15.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa waliopata kuanzia alama 10.5 hadi 15 walijibu kwa ufasaha. Sababu zilizochangia katika kufanya vizuri ni pamoja na matumizi sahihi ya kanuni ya seti iliyotakiwa kutumika hususan katika kipengele (a) ambayo ni $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ pamoja na kumbukumbu kwamba ili kupata idadi ya wanakijiji ambao ni wakulima tu, ni lazima kutoa idadi ya wanakijiji ambao ni wakulima na wafanyakazi kutoka kwenye kundi la wakulima pekee katika kipengele (b). Kielelezo 13.1 kinaonesha jinsi mtahiniwa alivyotumia kwa usahihi kanuni katika kipengele (a) na kutoa kwa usahihi katika kipengele (b).

13 (a) Data (ufunguo)	
I dadi ya walikulimio $(W) = 20$	
I dadi ya wafanyo kazi $(F) = 15$	
Tumepewa	
$n(W) =$ namba ya walikulimio $= 20$	
$n(F) =$ namba ya wafanyo kazi $= 15$	
$n(W \cap F) =$ namba ya walikulimio wafanyo kazi $= 7$	
Kutoka kwenye kanuni	
$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$	
kwa hiyo usikume	
$n(W \cup F) = n(W) + n(F) - n(W \cap F)$	
kumbuka	
$n(W \cup F) = ?$	
$n(W) = 20$	
$n(F) = 15$	
$n(W \cap F) = 7$	
$n(W \cup F) = n(20 + 15) - 7$	
$= 35 - 7 = 28$	
kwa hiyo wanaoji wako hudhuru mkutano ni sawa na	
$n(W \cup F) = 35 - 7 = 28$	
$\therefore$ Wanaoji wako hudhuru mkutano ni 28	
(b) Wanaoji ambao ni wakulima tu	
ni 13	
kuna wanaoji 20 wakulima ambapo	
7 kati yao si wakulima na ni	
wafanyo kazi; hivyo basi kupata	
wakulima tu ni	
$20 - 7 = 13$	
$\therefore$ Wanaoji ambao ni wakulima tu	
walikuwa 13 tu	

Kielelezo 13.1: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa aliyetumia kanuni sahihi na kukokotoa kwa ufasaha.

Watahiniwa 515 (49.7%) walipata alama kuanzia 0 hadi 5.5 ambacho ni kiwango cha kufaulu kisichoridhisha. Kati yao, watahiniwa 104 (10.0%) walipata alama 0. Uchambuzi wa majibu unaonesha kuwa watahiniwa hawa hawakuwa na kumbukumbu sahihi kuhusu kanuni ya seti iliyotakiwa katika kujibu kipengele (a) na tendo la kutumika katika kupata idadi ya wakulima tu katika kipengele (b) cha swali hili. Kielelezo 13.2 kinaonesha mtahiniwa aliyeshindwa kutumia tendo la kutoa ili kupata majibu yaliyotakiwa.

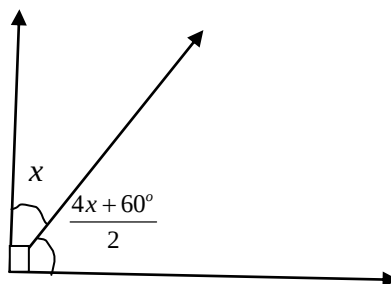
13	@ Wanaaliji walioshughunika kutana
	<u>Njia</u>
	$Sumu = 20 + 15 + 7 + 2 = 44$
	$= 44$
	hivyo basi wanaaliji walioshughunika mkubwa
	na ni 44.
	(b) Wanaaliji ambao ni wakulima tu
	<u>Njia</u>
	wakulima tu 7
	wanaaliji 8 wakulima wala wafanyekari 2
	wakulima 20
	wafanyekari 15
	∴ Wanaaliji ambao ni wakulima tu = 7.

Kielelezo 13.2: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa aliyeshindwa kupata majibu sahihi.

2.3 Sehemu C: Maswali ya Insha (Elimu)

2.3.1 Swali la 14: Upimaji Katika Hisabati

(a) Onesha jinsi ya kutafuta thamani ya x katika mchoro ufuatao kwa wanafunzi wa Darasa la Saba:



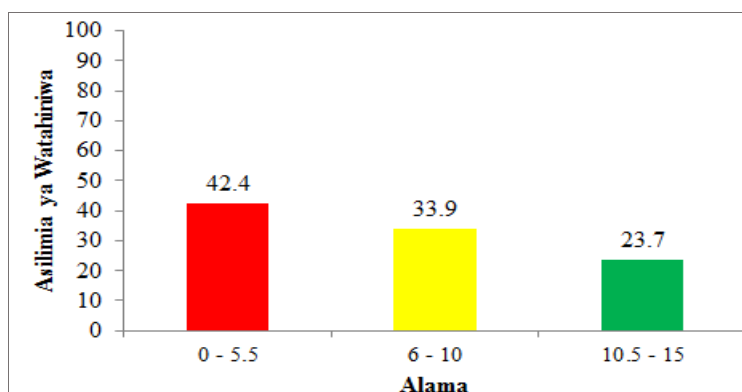
(b) Tumia michoro kuonesha namna utakavyomfundisha mwanafunzi wa Darasa la Kwanza kukokotoa:

(i) $7 - 5 = 2$.

(ii) $5 - 5 = 0$.

Swali hili lilikuwa na vipengele viwili. Katika kipengele (a), swali lilimtaka mtahiniwa kutumia mchoro uliotolewa ili kuonesha umahiri wake katika kufundisha wanafunzi wa darasa la saba namna ya kutafuta thamani ya herufi x iliyokuwa inawakilisha pembe mojawapo katika mchoro uliotolewa. Katika kipengele (b), swali lilipima uwezo wa mtahiniwa katika kuwaongoza wanafunzi wa darasa la kwanza kukokotoa milinganyo kwa kutumia michoro; ambapo jumla ya watahiniwa 3,820 (87.7%) walijibu swali hili.

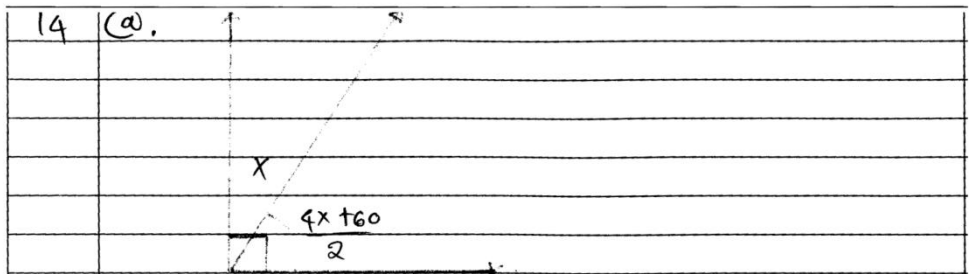
Uchambuzi wa takwimu za matokeo unaonesha kuwa watahiniwa 1,620 (42.4%) walipata alama kuanzia 0 hadi 5.5 ambacho ni kiwango hafifu cha kufaulu, watahiniwa 1,294 (33.9%) walipata alama kuanzia 6 hadi 10 ambacho ni kiwango cha wastani cha kufaulu na watahiniwa 906 (23.7%) walipata alama kuanzia 10.5 hadi 15. Watahiniwa waliofaulu kwa kupata alama kuanzia 6 hadi 15 ni 2,200 (57.6%), hivyo kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa ni cha wastani. Chati Na.11 inaonesha kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la 14.



Chati Na.11: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la14.

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa watahiniwa waliojibu vizuri swali hili katika kipengele (a) walikuwa na uelewa kuhusu aina ya mchoro, walifahamu kuwa ni pembe mraba na kwamba itakuwa na jumla ya nyuzi 90. Hivyo waliweza kueleza hatua kwa hatua namna ya kutafuta herufi x. Aidha, katika kipengele (b) cha swali hili, walikuwa na umahiri wa kutosha katika kuelezea hatua za kuwaongoza wanafunzi namna ya kukokotoa

milinganyo iliyotolewa kwa kutumia michoro au vihesabio kama inavyoonekana katika Kielelezo 14.1.



Nyirā.

Hafua ya 1. kuwaongoza kyuua ni aina gani ya Pembe.
ambayo ni pembe mraba.

Hafua ya 2, kuwaong'aza kiyua Pem'idadi ya nyuzi za Pembe mraba.
ambayo ni 90° .

Hafua ya 3: kuwaongoza kutafuta uhabwa wa thamani
ya X.

Ambapo'

$$\frac{x + 4x + 60}{2} = 90^\circ$$

Hafua 4. Kuwaongoza wakwa kutamia ony mbinu ya onyeshombinu kuwaongoza kuzidisha 2 kwa kila mtajo yaeni

$$(x \times 2) + \frac{4x + 60}{2} \times 2 = 90 \times 2.$$

Hafua S. kuwaong'aza wanafunzi kuzidisha mitajo.
huyo ambayo ni

$$2x + 4x + 60 = 180^\circ$$

Haditha 6: Kuwaongeza wanafunzi kuwela mityjo na
fanana sehemu moja kisha kukotoba.

$$2x + 4x = 180^\circ - 60$$

14.6	vihesabio vilivyo baki <u>2</u> , jawabu.
"	
	$5 - 5 = 0$.
(ii)	Hatua 1. kuwaongoza wanafunzi kuyua dhana ya kutoa. Ambapo
	Kutoa ni ^{kifedeleo} kupunguza idadi ya vitu
	Hatua 2. kwa kutumia vihesabio kuwaongoza wanafunzi kuharaka vihesabio vitano (5).
	Ambapo ni 0 0 0 0 0
	Hatua 3. kuwa kwa kutumia mbinu ya ongeshombinu kuwaongoza wanafunzi kupunguza vihesabio vitano (5) kutoka kwenye vihesabio saba Vitano kwa kuweka mistari kila vihesabio kinachopunguza.
	Ambapo ni
	0 0 0 0 0
	Hatua 4. kuwaongoza wanafunzi kuangalia vihesabio vilivyo salia au ambayo havijapigwa mistari
	Hatua 5. kuwaongoza wanafunzi kuyua kuo hakuvi kihesabio kilichobaki hivyo jibu lake ni 0. na sifuri maana yake hakuvi kitu.
	Hatua 6. kuwaongezea wanafunzi kuandika jibu kwa usahihi kwenye madaftari yao.
	Ambapo $5 - 5 = 0$.
	∴ jibu lake ni 0.

Kielelezo 14.1: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeonesha umahiri wake katika kuwaongoza wanafunzi ili kufikia majibu sahihi.

Kwa upande mwingine, watahiniwa walioshindwa kujibu vizuri swali hili walikosa ufahamu wa kutambua aina ya mchoro katika kipengele (a) na hawakuwa mahiri katika kuwaelezea wanafunzi namna ya kukokotoa milinganyo iliyotolewa hatua kwa hatua katika kipengele (b). Kielelezo 14.2 kinaonesha mtahiniwa aliyekosa ujuzi kuhusu aina ya umbo na kiasi cha nyuzi zake na kukosa umahiri wa kuongoza wanafunzi kukokotoa milinganyo.

14.	a) Jinsi ya kutafuta thamani ya x .
	$\frac{4x + 60^\circ + x}{2} = 180^\circ$
	$2 \times 4x + 60^\circ + x \times 2 = 180^\circ \times 2$
	$= 4x + 60^\circ + 2x = 360^\circ$
	$= 4x + 2x = 360^\circ - 60^\circ$
	$= \frac{6x}{6} = \frac{300}{6}$
	$= x = 50^\circ$
	$\therefore \text{Thamani ya } x = 50^\circ$

Kielelezo 14.2: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeshindwa kuwaongoza wanafunzi ili kufikia majibu sahihi.

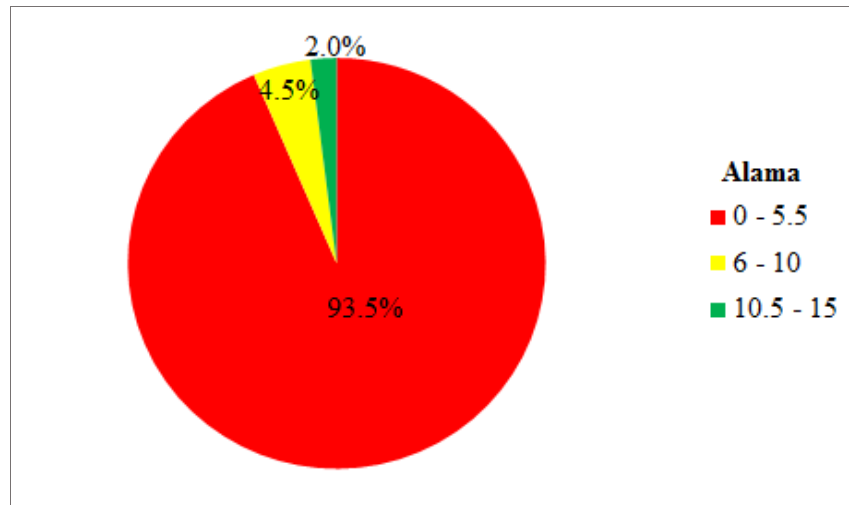
2.3.2 Swali la 15: Ufundishaji wa Mada Teule

Kwa kutumia mifano, oneshwa zana halisi au vifaa vya kufundishia na kujifunzia jinsi ya kupata π , na kuthibitisha kuwa mzingo wa duara $C = \pi d$, ikiwa d ni kipenyo cha duara kwa mwanafunzi wa Darasa la Sita.

Swali hili lilimtaka mtahiniwa aoneshe maarifa na ujuzi wake katika kutumia zana halisi au vifaa vinavyofaa katika kufundisha namna ya kupata alama ya π , kwenye mazingira ya darasa wakati wa kufundisha; jumla ya watahiniwa 1,237 (28.4%) walichagua na kujibu swali hili.

Wakati wa uchambuzi wa takwimu za matokeo katika swali hili, ilibainika kuwa watahiniwa 1,156 (93.5%) walipata alama kuanzia 0 hadi 5.5 ambacho ni kiwango cha kufaulu kisichoridhisha, watahiniwa 56 (4.5%) walipata alama kuanzia 6.0 hadi 10 sawa na kiwango cha wastani cha kufaulu na watahiniwa 25 (2.0%) walipata alama kuanzia 10.5 mpaka 15 ambacho ni kiwango kizuri cha

kufaulu. Kwa ujumla watahiniwa waliofaulu katika swali hili kwa kupata kuanzia alama 6 mpaka 15 ni 81 (6.5%) tu, ambapo watahiniwa 1,156 (93.5%) walishindwa kwa kupata alama kuanzia 0 hadi 5.5. Kwahiyo, kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali hili kilikuwa hafifu kuliko maswali yote kama inavyoonekana katika Chati Na.12.



Chati Na.12: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la 15.

Uchambuzi wa majibu unaonesha kuwa watahiniwa 1,156 (93.5%) hawakuweza kujibu swali hili ipasavyo. Watahiniwa hawa hawakuelewa matakwa ya swali na pia walikosa ujuzi kuhusu vifaa au zana halisi mbalimbali zinazotumika katika kupata jibu ambalo linafanana kwa vifaa vyote; yaani 3.14 ambalo huwakilishwa na alama ya π . Jibu hili hupatikana kwa kugawanya urefu wa mzingo kwa urefu wa kipenyo cha kifaa chochote chenye umbo la duara bila kujali ukubwa au udogo wake. Baadhi ya watahiniwa walioshindwa kupata jibu sahihi katika swali hili walikuwa wanaeleza vifaa mbalimbali vya kufundishia somo la Hisabati kama inavyoonekana katika Kielelezo 15.2.

15	Anaonesha kutumia zana halisi kama matunda mpano machungwa katika kuelezea namna ya kupata kipenyo cha duara kwa muamfuzi wa Darara la sita. Pia kutumia protakta yaapi kifaa kinachopatikana ndani ya mkebe. Kifaa hicho pia kinawesa kutumika kufundishia njia jinsi ya kupata π. Kutumia ubao, Ubao unawesa kutumika katika kuchorea mzingo wa duara ili kupata kipenyo cha duara. Hivyo ubao pia ni kifaa kinachowesa kutumika. Kutumia karatari au kuchora kwa kutumia manira kadi kuonyesha namna ya kupata π, kwa kuchora michoro katika manira kadi kuonyesha jinsi ya kupata π. Hivyo, Zana hizi na vifaa hivyo ndiyo vitakavyotumika katika kufundishia jinsi ya kupata π kwa muamfuzi wa Darara la sita.
----	--

Kielelezo 15.2: Sampuli ya jibu la mtahiniwa ambaye hakuelewa matakwa ya swali la 15.

Kwa upande mwingine, uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa waliopata alama kati ya 10.5 hadi 14 walikuwa na ujuzi kuhusu vifaa vinavyotakiwa katika kufundisha dhana ya alama ya π katika somo la Hisabati. Mtahiniwa alitakiwa kukumbuka kwamba dhana hii hupatikana kwa kupima mzunguko na kipenyo cha kifaa chenye umbo la duara ili kuweza kukokotoa na kupata jibu ambalo ni 3.14 ambalo huwakilishwa na alama ya π . Kielelezo 15.1 kinaonesha sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeweza kukumbuka vifaa vinavyotakiwa katika kufundisha dhana ya π na kuweza kueleza namna ya kuthibitisha kanuni iliyotakiwa.

15.	Zana za kufundisha duara ni kama
	- Mfuniko wa ndoo
	- Mfuniko wa vifunika.
	- CD
	- 2 R
	Zana nyingine kwaajili ya kupimiza urefu
	- Kamba
	- Uzi
	- Rula
	Ndizi za kupimiza katika kufundisha.
	Kwa kutumia mfuniko wa ndoo, Pima
	urefu wa kuzunguka mfuniko huo kwa
	kamba au uzi
	mfanano urefu mzunguko wake ni 5m 4 4
	Pili Pima urefu wa mruu ndoo ulioptika
	kwenye kitovu cha mfuniko yaani
	kupata kipenyo.
	mfanano urefu wake ni 5m 14
	Tatu: Linganisha au husanisha mzunguko
	wa ndoo na kipenyo chake wake
	tofauti au awanao.
	Hapa haliwa = $\frac{44}{14} = \frac{22}{7} = 3.14$
	Hivyo basi wanafunzi wataweza kufuraha
	jomo kwani wataweza wameweza kuweza
	namna ya kuhakiki hai (π).

15. waongoza wanguzi kufika kani ya mzingo wa duara (circumference (c)) kuwa ni πd . a

$c = \pi d$, ili kupata π , cradanya kwa d kila upande

$$\frac{c}{d} = \frac{\pi d}{d}$$

$$\pi = \frac{c}{d}$$

Kiwa $c =$ Mzunguko wa duara
 $d =$ diameter (kipenyo cha duara)

Hivyo hawafanya wanguzi kulaza stadi ya kuatibiza kwa umatini, mkishikiano, majari bio ya mara kwa mara yatapendelewa zaidi na wanguzi hivyo kulaza somo la Hisabati.

Kielelezo cha π

Kipaa	urefu wa mzunguko	kipenyo cha duara
Mfuniko wando	sm 44	sm 14
CD	mm 220	mm 70
Sarafu ya shilingi 200	mm 66	mm 21

$$\pi = \frac{\text{urefu wa mzunguko}}{\text{kipenyo cha umbao hiki}}$$

Kielelezo 15.1: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa aliyeweza kukumbuka vifaa vinavyotakiwa katika kutafuta alama ya π .

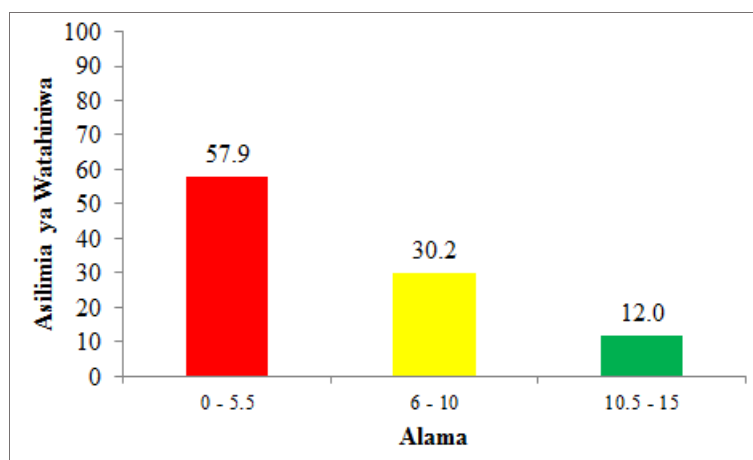
2.3.3 Swali la 16: Upimaji Katika Hisabati

(a) Eleza maana ya pembe tatu mraba.

(b) Kwa kutumia kielelezo cha pembe mraba, oneshwa utakavyothibitisha kanuni ya Pythagoras kuwa $a^2 + b^2 = c^2$.

Swali hili lilikuwa na vipengele viwili ambapo katika kipengele (a) swali lilipima ufahamu wa mtahiniwa kuhusu pembe mraba katika maumbo na katika kipengele (b), mtahiniwa alipimwa kuhusu ujuzi na maarifa aliyonayo katika kufundisha kanuni ya Pythagoras katika somo la Hisabati. Swali hili lilijibiwa na jumla ya watahiniwa 3,469 sawa na asilimia 79.7 ya watahiniwa waliosajiliwa kufanya mtihani wa somo la Hisabati.

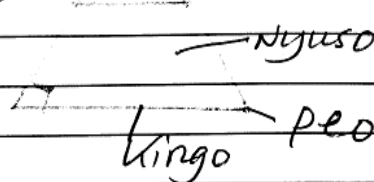
Uchambuzi wa takwimu za matokeo katika swali hili unaonesha kuwa watahiniwa 2,008 (57.9%) walipata alama kuanzia 0 hadi 5.5 ambacho ni kiwango cha kufaulu kisichoridhisha, watahiniwa 1,046 (30.2%) walipata alama kuanzia 6 hadi 10 ambacho ni kiwango cha wastani cha kufaulu na watahiniwa 415 (12.0%) walipata alama kuanzia 10.5 mpaka 15 ambacho ni kiwango kizuri cha kufaulu. Kwa ujumla watahiniwa waliofaulu katika swali hili ni 42.1% kwa kupata alama kuanzia 6 mpaka 15 na walioshindwa ni 57.9% kwa kupata alama kuanzia 0 hadi 5.5, hivyo kiwango cha kufaulu katika swali hili kilikuwa cha wastani. Chati Na. 13 inaonesha kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali hili.



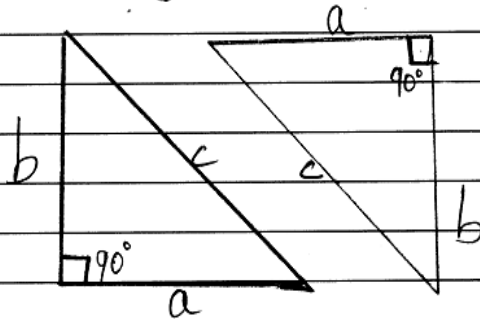
Chati Na.13: Kiwango cha kufaulu kwa watahiniwa katika swali la16.

Watahiniwa walioshindwa kujibu kwa usahihi swali hili walikosa ujuzi kuhusu pembetatu mraba maana walishindwa kuandika tafsiri sahihi ya pembetatu mraba katika kipengele (a) na pia walikuwa na uelewa mdogo kuhusu matumizi ya matendo ya kihisabati katika kuthibitisha kanuni ya Pythagoras kuwa $a^2 + b^2 = c^2$ katika kipengele (b), baadhi yao walikuwa wanaandika kwa makosa kwamba $a + a = a^2$, $b + b = b^2$ na $c + c = c^2$ kitu ambacho siyo sahihi kama inavyoonekana katika Kielelezo 16.1.

16. (a) pembe tatu mraba; ni aina ya pembe ambayo kichorwa kwa nyusi 90 mfano za peo, kingo na nyu 50 mfano;



(b) Thibitisha $a^2 + b^2 = c^2$.
njira:



Pembe tatu mraba ambazo zimeangalika na:

$$a + a + b + b = c + c$$

$$a^2 + b^2 = c^2$$

Uyo basi Pythagoras theory ina patikana kuwa

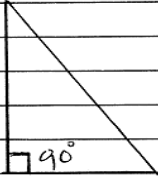
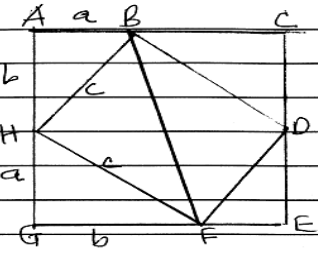
$$a + a + b + b = c + c \text{ ambayo } = a^2 + b^2 = c^2$$

$$\therefore a + a + b + b = c + c = a^2 + b^2 = c^2$$

Kielelezo 16.1: Sampuli ya jibu la mtahiniwa aliyeshindwa kufahamu kuhusu pembetatu mraba na uhusiano kati ya a^2 , b^2 na c^2 .

Uchambuzi zaidi wa majibu unaonesha kuwa baadhi ya watahiniwa waliweza kutoa tafsiri sahihi ya pembetatu mraba katika kipengele (a) na kuonesha kwa ufasaha namna ya kuthibitisha kanuni ya Pythagoras kuwa $a^2 + b^2 = c^2$.

Kielelezo Na.16.2 kinaonesha mfano wa mtahiniwa aliyeweza kutoa tafsiri sahihi ya pembe tatu mraba na kuthibitisha kanuni ya Pythagoras.

16.	(a) Pembe tatu mraba Ni pembe tatu ambayo moja kati ya pembe zake tatu ina nyuzi 90° kwa mfano, 
(b)	Njia Chunguza mchoro ufuatao wa pembe mraba  $ABFG = \text{Trapeza}$ $\triangle ABH + \triangle BHF + \triangle HGF = \square ABFG$ Trapeza, $ABFG = \frac{1}{2}(a+b)h$ $h = (a+b).$ $\triangle ABH = 2 \times \frac{1}{2}ab$ $\triangle BHF = \frac{1}{2}ab$ $\triangle HGF = \frac{1}{2}c^2$ Hivyo basi, $\frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}c^2 = \frac{1}{2}(a+b)(a+b)$ $\frac{1}{2}(ab + ab + c^2) = \frac{1}{2}(a^2 + ab + ab + b^2)$ $ab + ab + c^2 = a^2 + ab + ab + b^2$ $2ab + c^2 = a^2 + 2ab + b^2$ $c^2 = a^2 + b^2$ $\therefore a^2 + b^2 = c^2$ $\therefore$ Kwa kutumia kielezo hicho cha pembe mraba kanuni ya Pythagoras kuwa $a^2 + b^2 = c^2$ imethibitishwa.

Kielelezo 16.2: Sampuli ya majibu ya mtahiniwa aliyeweza kutoa tafsiri sahihi na kuthibitisha kanuni.

3.0 UCHAMBUZI WA KIWANGO CHA KUFAULU KWA WATAHINIWA KWA KILA MADA

Mtihani wa Ualimu Daraja la A (GATCE) wa mwaka 2019 ulikuwa na maswali kumi na sita (16) na ulitungwa kutoka katika mada kumi na nne (14). Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa mada nne (4) zilikuwa na kiwango kizuri cha kufaulu ambazo ni: *Maandalizi ya Ujifunzaji na Ufundishaji somo la Hisabati* (98.1%), *Takwimu* (93.1%), *Namba Nzima* (87.1%) na *Vipimo* (73.2%). Mada zilizo na kiwango cha kufaulu cha wastani ni sita (6) ambazo ni; *Sehemu* (69.4%), *Jometri* (60.2%), *Algebra* (52.9%), *Seti* (50.3%), *Upimaji Katika Hisabati* (49.9%) na *Hesabu za Biashara* (42.3%).

Aidha, uchambuzi zaidi wa majibu ya watahiniwa unaonesha kuwa mada nne (4) zilikuwa na kiwango hafifu cha kufaulu. Mada hizo ni; *Kukadiria* (34.0%), *Namba Kamili* (30.7%), *Misingi ya Ufundishaji na Ujifunzaji Somo la Hisabati* (20.6%) na *Ufundishaji wa Mada Teule* (6.5%).

Kiwango kizuri cha kufaulu kwa watahiniwa katika mada nne zilizotajwa kilichangiwa zaidi na kuwepo kwa maarifa na ujuzi wa kutosha katika mada na pia watahiniwa kuelewa mahitaji ya maswali hayo. Hivyo walitumia mbinu, maarifa na ujuzi sahihi katika kupata majibu sahihi ya maswali. Uchambuzi wa viwango vya kufaulu kwa watahiniwa katika kila mada umeoneshwa katika kiambatisho cha taarifa hii.

4.0 HITIMISHO NA MAONI

4.1 HITIMISHO

Uchambuzi wa majibu ya watahiniwa katika mada unaonesha kuwa kulikuwa na kiwango cha kufaulu kisichoridhisha katika mada nne kati ya kumi na nne ambazo zilitumika kutahini. Sababu zilizofanya kiwango hafifu cha kufaulu ni pamoja na;

- (a) Kutokuwa na maarifa na ujuzi wa kutosha katika mada za kufundishia, uelewa mdogo wa watahiniwa katika kutumia mbinu za ufundishaji katika kuwasilisha mada kwa wanafunzi
- (b) Kutokuwa na maarifa ya kutosha katika matumizi ya kanuni za hisabati.
- (c) Kutokuwa na ujuzi wa kutosha katika kutumia matendo ya hisabati (kujumlisha, kutoa, kuzidisha, kugawanya na kufungua mabano) na hivyo kushindwa kukokotoa au kurahisisha mitajo au milinganyo.
- (d) Baadhi ya watahiniwa kutoelewa matakwa ya maswali.

4.2 MAONI

Ili kuongeza kiwango cha kufaulu katika somo la Hisabati kwa mitihani ijayo, inashauriwa kuwa:

- (a) Wakufunzi/walimu wafanye tathmini za mara kwa mara zenye kuzingatia vigezo vyote vya upimaji ili kuwajengea watahiniwa uzoefu na ujasiri kabla ya tathmini ya mwisho.
- (b) Watahiniwa wafundishwe ipasavyo ili kuwa na uelewa wa kutosha wa kutumia mbinu za kufundishia mada mbalimbali. Mafunzo haya yatawafanya watahiniwa wawe na ujuzi wa kutosha wa namna ya kufundisha somo la Hisabati.
- (c) Wakufunzi wafanye tathimini ya sababu za mada zenye kiwango hafifu cha kufaulu kwa watahiniwa na kisha kuchukua hatua za kufanya maboresho.
- (d) Watahiniwa waelekezwe namna bora za kujibu maswali, hii ni pamoja na kusoma swali, kuelewa mahitaji ya swali kisha kutoa majibu kwa mtiririko unaotakiwa.

**MUHTASARI WA KIWANGO CHA KUFAULU KWA WATAHINIWA
KWA KILA MADA GATCE 2019**

Na.	Mada	Namba ya Swali	Asilimia ya Kiwango cha kufaulu	Wastani wa Kiwango cha Kufaulu	Maelezo
1.	Maandalizi ya Ujifunzaji na Ufundishaji Somo la Hisabati	9	98.1	98.1	Vizuri
2.	Takwimu	11	93.1	93.1	Vizuri
3.	Namba Nzima	5	87.1	87.1	Vizuri
4.	Vipimo	2	73.2	73.2	Vizuri
5.	Sehemu	1	50.6	69.4	Wastani
		12	88.2		
6.	Jometri	8	60.2	60.2	Wastani
7.	Aljebra	7	52.9	52.9	Wastani
8.	Seti	13	50.3	50.3	Wastani
9.	Upimaji katika Hisabati	14	57.6	49.9	Wastani
		16	42.1		
10.	Hesabu za Biashara	3	42.3	42.3	Wastani
11.	Kukadiria	4	34.0	34.0	Hafifu
12.	Namba Kamili	6	30.7	30.7	Hafifu
13.	Misingi ya Ufundishaji na Ujifunzaji Somo la Hisabati	10	20.6	20.6	Hafifu
14.	Ufundishaji wa Mada Teule	15	6.5	6.5	Hafifu

